

# Лекция 8. Тестирование на основе формальных моделей

---

А.К.Петренко, А.В.Хорошилов,  
Е.В.Корныхин

МГУ ВМК, ИСП РАН

<http://sp.cmc.msu.ru/courses/fmsp>

Осень, 2012



# План

---

- Постановка задачи Formal testing
- Model Based Testing (MBT)

# Вопрос. Что делать, если строго доказать не удастся?

Ответ -

Разработать конечный набор тестов и при этом:

- Строго сформулировать предположения (гипотезы) – какие мы делаем допущения, полагаясь на протестированную программу.
- Строго сформулировать критерии адекватности/полноты набора тестов.
- Строго сформулировать критерии корректности
- Строго сформулировать критерии соответствия между моделями и реализацией



# О классах эквивалентности

---

- Тестовые ситуации, относящиеся к одному классу эквивалентности, имеют одинаковые возможности в плане выявления нарушения критериев корректности

**Это одновременно, суть тестирования и гипотеза, на которой базируются наши ожидания о результативности тестирования**

# Критерии адекватности/полноты набора тестов

```
is_triangle: Real >< Real >< Real -~-> Kind
is_triangle(x, y, z) as kind
  post
  if x=y /\ x=z then kind=equilateral
  elsif x=y \/ x=z \/ y=z
    then kind=isosceles
  else kind=common
  end
  pre      x+y ≥ z /\ x+z ≥ y /\ y+z ≥ x /\
            x>0 /\ y>0 /\ z>0
```

# Критерии адекватности/полноты набора тестов.

## Короткая или классическая логика

```
is_triangle: Real >< Real >< Real --> Kind
is_triangle(x, y, z) as kind
  post let a=(x=y), b=(x=z), c=(x=y), d=(x=z), e=(y=z) in
    if a /\ b then kind=equilateral
    elsif c \/ d \/ e then kind=isosceles
    else kind=common
  end end
  pre x+y ≥ z /\ x+z ≥ y /\ y+z ≥ x /\ x>0 /\ y>0 /\ z>0
```

Классы эквивалентности:

$ab; \sim ac; \sim a\sim cd; \sim a\sim c\sim de; \sim a\sim c\sim d\sim e; a\sim bc; a\sim b\sim cd; a\sim b\sim c\sim de; a\sim b\sim c\sim d\sim e$

**Вопрос: Почему мы не выделили ситуацию  $\sim ab\sim cd$ ?**

**Для ветви elsif. Случай короткой логики:**

**6 классов –  $\sim ac, \sim a\sim cd, \sim a\sim c\sim de, a\sim bc, a\sim b\sim cd, a\sim b\sim c\sim de$  (ДНФ)**

**Случай классической логики:**

**21 класс –  $\sim abcde, a\sim bcde, \sim a\sim bcde, \sim ab\sim cde, a\sim b\sim cde, \sim a\sim b\sim cde, \dots$  (СДНФ)**



# Когда короткая логика существенна?

---

**if**  $(x \in \mathbf{dom} m) \wedge m(x)=y$  **then true else ... end**

или

**let**  $a=(x \in \mathbf{dom} m)$  ,  $b=(m(x)=y)$  **in**  
**if**  $a \wedge b$  **then true else ... end end**

Здесь классы эквивалентности

$ab$ ,  $a \sim b$ ,  $\sim a$

Случаи  $\sim ab$  и  $\sim a \sim b$  невычислимы.



# Критерии адекватности/полноты набора тестов. Классическая логика

```
is_triangle: Real << Real << Real --> Kind
is_triangle(x, y, z) as kind
  post let a=(x=y), b=(x=z), c=(x=y), d=(x=z), e=(y=z) in
    if a /\ b then kind=equilateral
    elsif c \/ d \/ e then kind=isosceles
    else kind=common
  end end
  pre x+y ≥ z /\ x+z ≥ y /\ y+z ≥ x /\ x>0 /\ y>0 /\ z>0
```

Классы эквивалентности:

ab,  
 $\sim abcde, \sim ab\sim cde, \sim abc\sim de, \sim abcd\sim e, \sim ab\sim c\sim de, \sim ab\sim cd\sim e, \sim abc\sim d\sim e, \sim ab\sim c\sim d\sim e,$   
 $a\sim bcde, a\sim b\sim cde, a\sim bc\sim de, a\sim bcd\sim e, a\sim b\sim c\sim de, a\sim b\sim cd\sim e, a\sim bc\sim d\sim e, a\sim b\sim c\sim d\sim e,$   
 $\sim a\sim bcde, \sim a\sim b\sim cde, \sim a\sim bc\sim de, \sim a\sim bcd\sim e, \sim a\sim b\sim c\sim de, \sim a\sim b\sim cd\sim e, \sim a\sim bc\sim d\sim e, \sim a\sim b\sim c\sim d\sim e$

**Используется классическая логика для анализа условных выражений**

**If-выражения задают короткую логику.**



# Критерии адекватности/полноты набора тестов. Исключение тождественно ложных термов

```
is_triangle: Real >< Real >< Real --> Kind
is_triangle(x, y, z) as kind
  post let a=(x=y), b=(x=z), c=(x=y), d=(x=z), e=(y=z) in
    if a /\ b then kind=equilateral
    elsif c \/ d \/ e then kind=isosceles
    else kind=common
  end end
  pre x+y ≥ z /\ x+z ≥ y /\ y+z ≥ x /\ x > 0 /\ y > 0
  /\ z > 0
```

**Вопрос: Имеет ли смысл рассматривать ситуацию  $ab \sim cde$ ?**

**То есть мы пытаемся определить класс, где**

**$(x=y) (x=z) \sim (x=y) (x=y) (y=z)$**

# Исключение тождественно ложных термов (1)

```
is_triangle: Real >< Real >< Real --> Kind
is_triangle(x, y, z) as kind
  post let a=(x=y), b=(x=z), c=(y=y), d=(x=z), e=(y=z) in
    if a /\ b then kind=equilateral
    elsif c /\ d /\ e then kind=isosceles
    else kind=common
  end end
  pre x+y ≥ z /\ x+z ≥ y /\ y+z ≥ x /\ x>0 /\ y>0 /\ z>0
```

Классы эквивалентности:

ab;

$\sim abcde, \sim ab\sim cde, \sim abc\sim de, \sim abcd\sim e, \sim ab\sim c\sim de, \sim ab\sim cd\sim e, \sim abc\sim d\sim e, \sim ab\sim c\sim d\sim e,$   
 $a\sim bcde, a\sim b\sim cde, a\sim bc\sim de, a\sim bcd\sim e, a\sim b\sim c\sim de, a\sim b\sim cd\sim e, a\sim bc\sim d\sim e, a\sim b\sim c\sim d\sim e,$   
 $\sim a\sim bcde, \sim a\sim b\sim cde, \sim a\sim bc\sim de, \sim a\sim bcd\sim e, \sim a\sim b\sim c\sim de, \sim a\sim b\sim cd\sim e, \sim a\sim bc\sim d\sim e, \sim a\sim b\sim c\sim d\sim e$

# Исключение тождественно ложных термов (2)

```
is_triangle: Real >< Real >< Real --> Kind
is_triangle(x, y, z) as kind
  post let a=(x=y), b=(x=z), c=(y=y), d=(y=z), e=(z=z) in
    if a /\ b then kind=equilateral
    elsif c /\ d /\ e then kind=isosceles
    else kind=common
  end end
  pre x+y ≥ z /\ x+z ≥ y /\ y+z ≥ x /\ x>0 /\ y>0 /\ z>0
```

Классы эквивалентности:

ab;

$\sim abcde, \sim ab\sim cde, \sim abc\sim de, \sim abcd\sim e, \sim ab\sim c\sim de, \sim ab\sim cd\sim e, \sim abc\sim d\sim e, \sim ab\sim c\sim d\sim e,$   
 $a\sim bcde, a\sim b\sim cde, a\sim bc\sim de, a\sim bcd\sim e, a\sim b\sim c\sim de, a\sim b\sim cd\sim e, a\sim bc\sim d\sim e, a\sim b\sim c\sim d\sim e,$   
 $\sim a\sim bcde, \sim a\sim b\sim cde, \sim a\sim bc\sim de, \sim a\sim bcd\sim e, \sim a\sim b\sim c\sim de, \sim a\sim b\sim cd\sim e, \sim a\sim bc\sim d\sim e, \sim a\sim b\sim c\sim d\sim e$

# Исключение тождественно ложных термов (3)

```
is_triangle: Real >< Real >< Real --> Kind
is_triangle(x, y, z) as kind
  post let a=(x=y), b=(x=z), c=(y=z), d=(x=y), e=(x=z) in
  if a /\ b then kind=equilateral
  elsif c /\ d /\ e then kind=isosceles
  else kind=common
end end
pre x+y >= z /\ x+z >= y /\ y+z >= x /\ x>0 /\ y>0 /\ z>0
```

Классы эквивалентности:

ab;

$\sim ababe, \sim ab\sim abe, \sim ab\sim a\sim be, \sim ab\sim ab\sim e, \sim ab\sim a\sim b\sim e, \sim ab\sim ab\sim e, \sim ab\sim a\sim b\sim e, \sim ab\sim a\sim b\sim e,$   
 $a\sim b\sim abe, a\sim b\sim abe, a\sim b\sim a\sim be, a\sim b\sim ab\sim e, a\sim b\sim a\sim b\sim e, a\sim b\sim ab\sim e, a\sim b\sim a\sim b\sim e, a\sim b\sim a\sim b\sim e,$   
 $\sim a\sim b\sim abe, \sim a\sim b\sim abe, \sim a\sim b\sim a\sim be, \sim a\sim b\sim ab\sim e, \sim a\sim b\sim a\sim b\sim e, \sim a\sim b\sim ab\sim e, \sim a\sim b\sim a\sim b\sim e, \sim a\sim b\sim a\sim b\sim e$

# Исключение тождественно ложных термов (4)

```
is_triangle: Real >< Real >< Real --> Kind
is_triangle(x, y, z) as kind
  post let a=(x=y), b=(x=z), c=(x=y), d=(x=z), e=(y=z) in
  if a /\ b then kind=equilateral
  elsif c \/ d \/ e then kind=isosceles
  else kind=common
  end end
  pre x+y ≥ z /\ x+z ≥ y /\ y+z ≥ x /\ x>0 /\ y>0 /\ z>0
```

Классы эквивалентности:

ab;

$\sim ababe, \sim ab\sim abe, \sim aba\sim be, \sim abab\sim e, \sim ab\sim a\sim be, \sim ab\sim ab\sim e, \sim aba\sim b\sim e, \sim ab\sim a\sim b\sim e,$   
 $a\sim babe, a\sim b\sim abe, a\sim ba\sim be, a\sim bab\sim e, a\sim b\sim a\sim be, a\sim b\sim ab\sim e, a\sim ba\sim b\sim e, a\sim b\sim a\sim b\sim e,$   
 $\sim a\sim babe, \sim a\sim b\sim abe, \sim a\sim ba\sim be, \sim a\sim bab\sim e, \sim a\sim b\sim a\sim be, \sim a\sim b\sim ab\sim e, \sim a\sim ba\sim b\sim e, \sim a\sim b\sim a\sim b\sim e$

# Исключение тождественно ложных термов (5)

```

is_triangle: Real >< Real >< Real --> Kind
is_triangle(x, y, z) as kind
  post let a=(x=y), b=(x=z), c=(y=z), d=(x=y), e=(x=z) in
    if a /\ b then kind=equilateral
    elsif c /\ d /\ e then kind=isosceles
    else kind=common
  end end
  pre x+y ≥ z /\ x+z ≥ y /\ y+z ≥ x /\ x>0 /\ y>0 /\ z>0

```

Классы эквивалентности:

ab;

~abe,	,	,	,	~ab~e,	,
,	,a~be,	,	,	,	,a~b~e,
,	,	,	,	~a~be,	,
,	,~a~b~e,	,	,	,	,

# Исключение тождественно ложных термов (6). Обсуждение

```
is_triangle: Real >< Real >< Real --> Kind
is_triangle(x, y, z) as kind
  post let a=(x=y), b=(x=z), c=(y=z), d=(x=y), e=(x=z) in
    if a /\ b then kind=equilateral
    elsif c /\ d /\ e then kind=isosceles
    else kind=common
  end end
  pre x+y >= z /\ x+z >= y /\ y+z >= x /\ x>0 /\ y>0 /\
  z>0
```

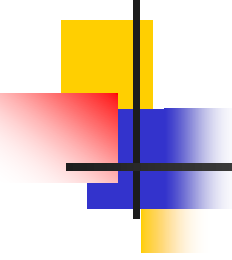
Классы эквивалентности в соответствии с классической логикой:

ab;  
~abe, ~ab~e,  
a~be, a~b~e,  
~a~be, ~a~b~e

Классы эквивалентности в соответствии с короткой логикой:

ab; ~ab; ~a~be; ~a~b~e; a~b;

А все ли  
зависимости  
учтены?



# Спецификация на случай сравнений длин сторон с ограниченной точностью

```
value eps : Real,  
is_triangle: Real >< Real >< Real --> Kind  
is_triangle(x, y, z) as kind  
  post let a=(abs(x-y)<eps), b=(abs(x-z)<eps), e=(abs(y-z)<eps) in  
  if a /\ b /\ e then kind=equilateral  
  elsif a \/ b \/ e then kind=isosceles  
  else kind=common  
  end end  
  pre x+y ≥ z /\ x+z ≥ y /\ y+z ≥ x /\ x>0 /\ y>0 /\ z>0
```

Классы эквивалентности в соответствии с классической логикой:

```
abe;  
~abe, ~ab~e,  
a~be, a~b~e,  
~a~be, ~a~b~e
```

Классы эквивалентности в соответствии с короткой логикой:

```
ab; ~ab; ~a~be; ~a~b~e; a~b
```



# Классы эквивалентности входных данных. Тестовые наборы

Пусть:  $\epsilon = 0,5$ ,  
 $a = (\text{abs}(x-y) < \epsilon)$ ,  $b = (\text{abs}(x-z) < \epsilon)$ ,  $e = (\text{abs}(y-z) < \epsilon)$

Короткая логика	Классическая логика	Длины сторон (x; y; z)	Вид треугольника
$abe$	$abe$	1,0; 1,0; 1,0	Равносторонний
$ab \sim e$	$ab \sim e$	1,3; 1,6; 1,0	Равнобедренный
$\sim ab$	$\sim ab \sim e$	1,3; 1,9; 1,0	Равнобедренный
$\sim ab$	$\sim abe$	1,3; 1,9; 1,6	Равнобедренный
$a \sim b$	$a \sim b \sim e$	1,3; 1,0; 1,9	Равнобедренный
$a \sim b$	$a \sim be$	1,3; 1,6; 1,9	Равнобедренный
$\sim a \sim be$	$\sim a \sim be$	1,2; 2,0; 2,0	Равнобедренный
$\sim a \sim b \sim e$	$\sim a \sim b \sim e$	1,0; 2,0; 2,5	Общего вида



## Пример реализации (с ошибкой)

```
value eps : Real,  
is_triangle: Real << Real << Real -~-> Kind  
is_triangle(x, y, z) is  
  let a=(abs (x-y) <eps) , b=(abs (x-z) <eps) , e=(abs (y-z) <eps)  
  in  
    if a /\ b /\ e then equilateral  
    elsif a/\~b/\~e \/ ~a/\b/\~e \/ ~a/\~b/\e then  
  isosceles else common  
  end  
end
```

Автор этой реализации решил, что равнобедренный треугольник, это тот, в котором только одна пара сторон имеет равную с точностью до эpsilon длину, хотя в силу нашего определение это не так.

# Результаты прогона тестов

Короткая логика	Классическая логика	Длины сторон (x; y; z)	Вид треугольника	Вердикт
abe	abe	1,0; 1,0; 1,0	Равносторонний	Passed
ab~e	ab~e	1,3; 1,6; 1,0	Равнобедренный	Passed
~ab	~ab~e	1,3; 1,9; 1,0	Равнобедренный	Passed
~ab	~abe	1,3; 1,9; 1,6	Равнобедренный	<b>Failure</b>
a~b	a~b~e	1,3; 1,0; 1,9	Равнобедренный	Passed
a~b	a~be	1,3; 1,6; 1,9	Равнобедренный	<b>Failure</b>
~a~be	~a~be	1,2; 2,0; 2,0	Равнобедренный	Passed
~a~b~e	~a~b~e	1,0; 2,0; 2,5	Общего вида	Passed

При использовании короткой логики ошибки могут быть пропущены.



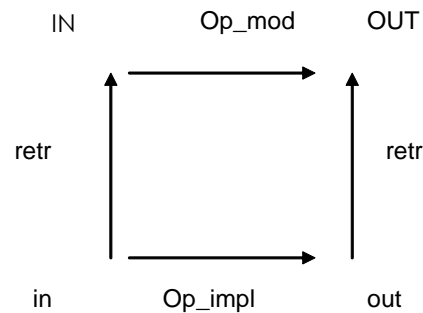
# Строго сформулировать критерии корректности

---

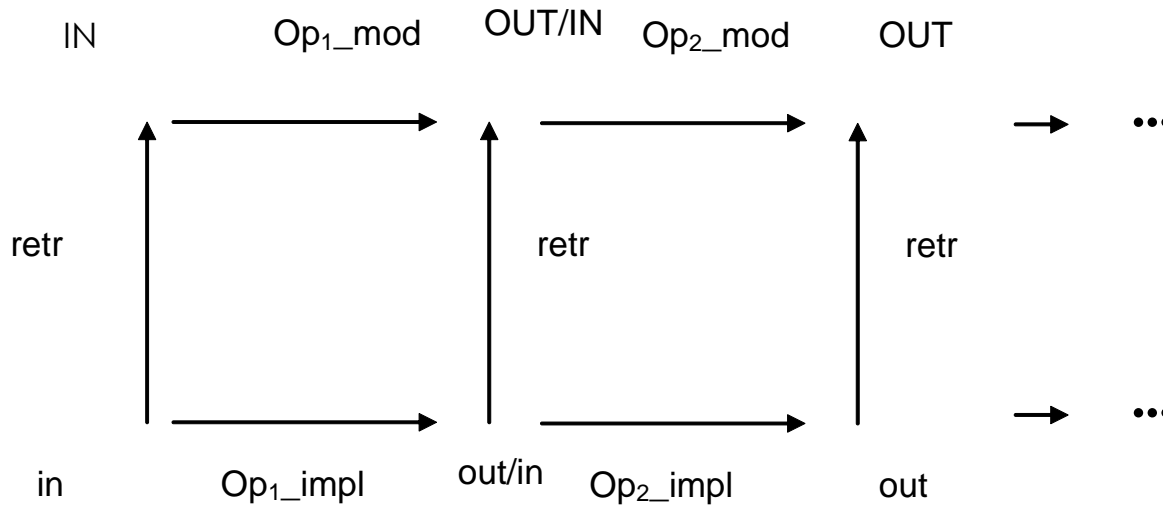
Построение тестового оракула (оракул выносит вердикт о выполнении критерия):

- При наличии имплицитной спецификации критерий - post-условие
- При наличии только явной спецификации требуется функция проверки эквивалентности результатов модели и реализации

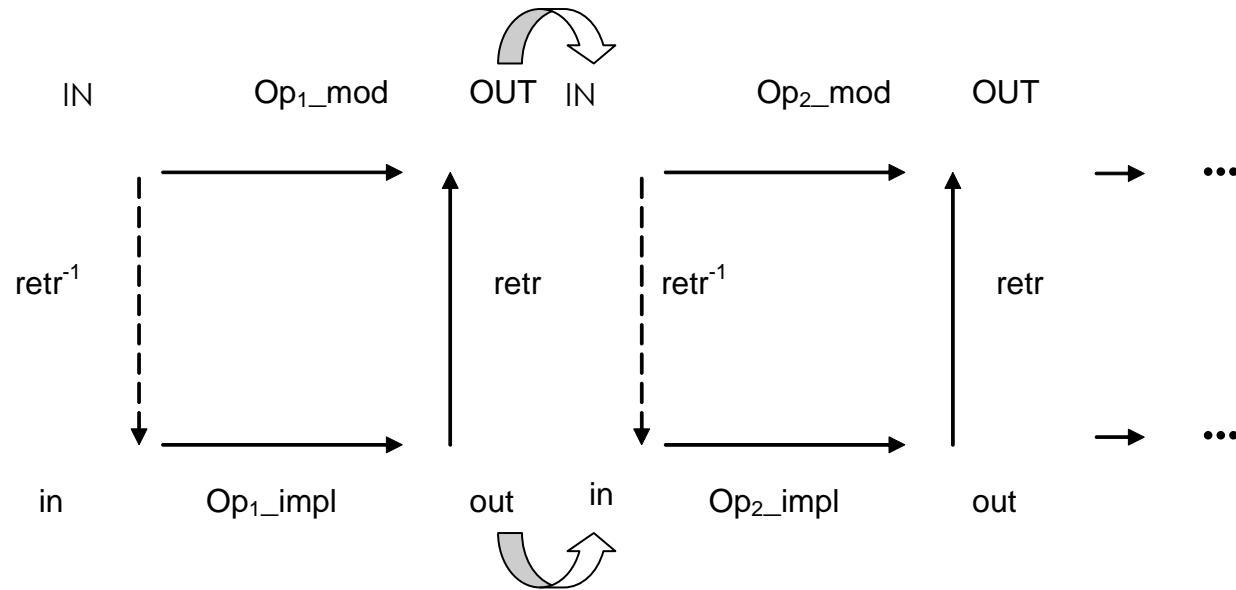
# Строго сформулировать критерии соответствия между моделями и реализацией (1)



## Случай цепочки операций



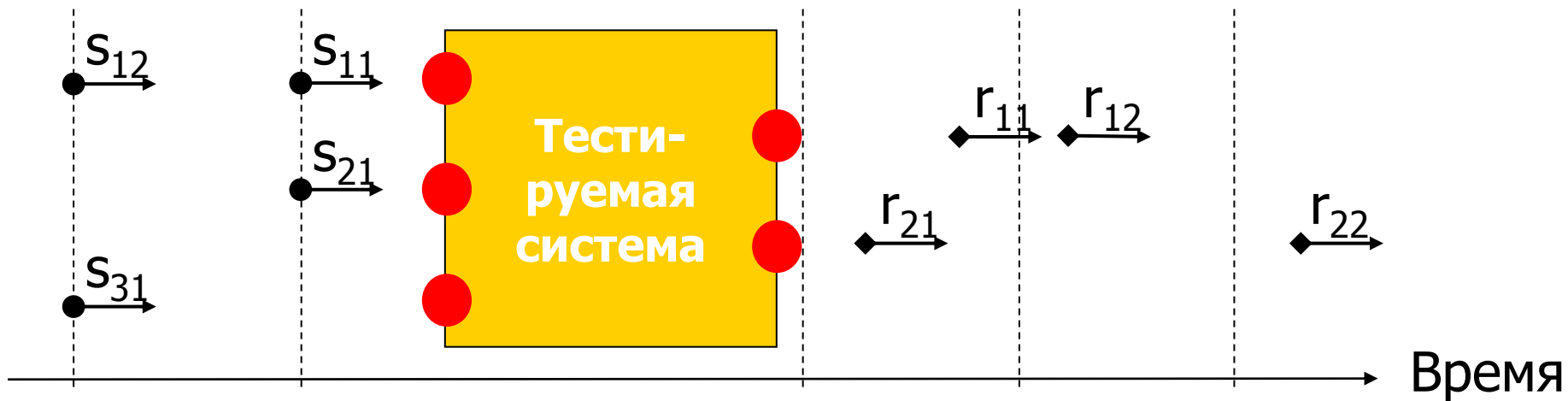
# Строго сформулировать критерии соответствия между моделями и реализацией (2)



## Как уклониться от реализации обратной $retr$ функции

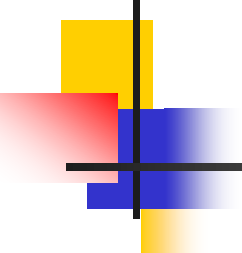
# Открытые вопросы:

## случай параллельных процессов и асинхронных взаимодействий?



Имеется несколько последовательностей воздействий (стимулов) и реакций.  
Воздействия и реакции - частично упорядоченное множество событий.

Вопрос – Каковы критерии корректности ?

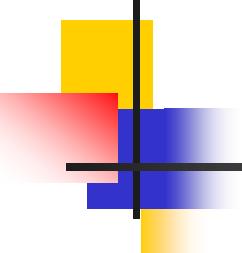


# Можно ли использовать метрики покрытия на основе ДНФ или СДНФ в коде реализации?

---

- Критерии C0, C1, C2
- MC/DC
- Открытые вопросы:
  - метрики тестирования OO и event-driven, etc.





# Можно ли использовать метрики покрытия на основе ДНФ или СДНФ в коде реализации? (2)

---

**Modified condition/decision coverage (MC/DC)**, is used in the standard DO-178B to ensure that Level A software is tested adequately.

- Each decision tries every possible outcome
- Each condition in a decision takes on every possible outcome
- Each entry and exit point is invoked
- Each condition in a decision is shown to independently affect the outcome of the decision.
- Independence of a condition is shown by proving that only one condition changes at a time.

# Модифицированный

## метод покрытия по веткам/условиям

(Modified Condition/Decision Coverage или MC/DC)

Для обеспечения полного покрытия по этому методу необходимо выполнение следующих условий:

- каждое логическое условие должно принимать все возможные значения;
- каждая компонента логического условия должна хотя бы один раз принимать все возможные значения;
- должно быть показано независимое влияние каждой из компонент на значение логического условия, т. е. влияние при фиксированных значениях остальных компонент.

(Н.Налютин [http://software-testing.ru/files/testing\\_magazine.pdf](http://software-testing.ru/files/testing_magazine.pdf))



# Как MBT (Model Based Testing) выглядит на практике?

---

- См.:
  - Rational Rhapsody (IBM), SCADE (Esterel Technology)
  - SpecExplorer (Microsoft Research)
  - Nmodel (C#); TestNG, Summer (Java)
  - UniTESK

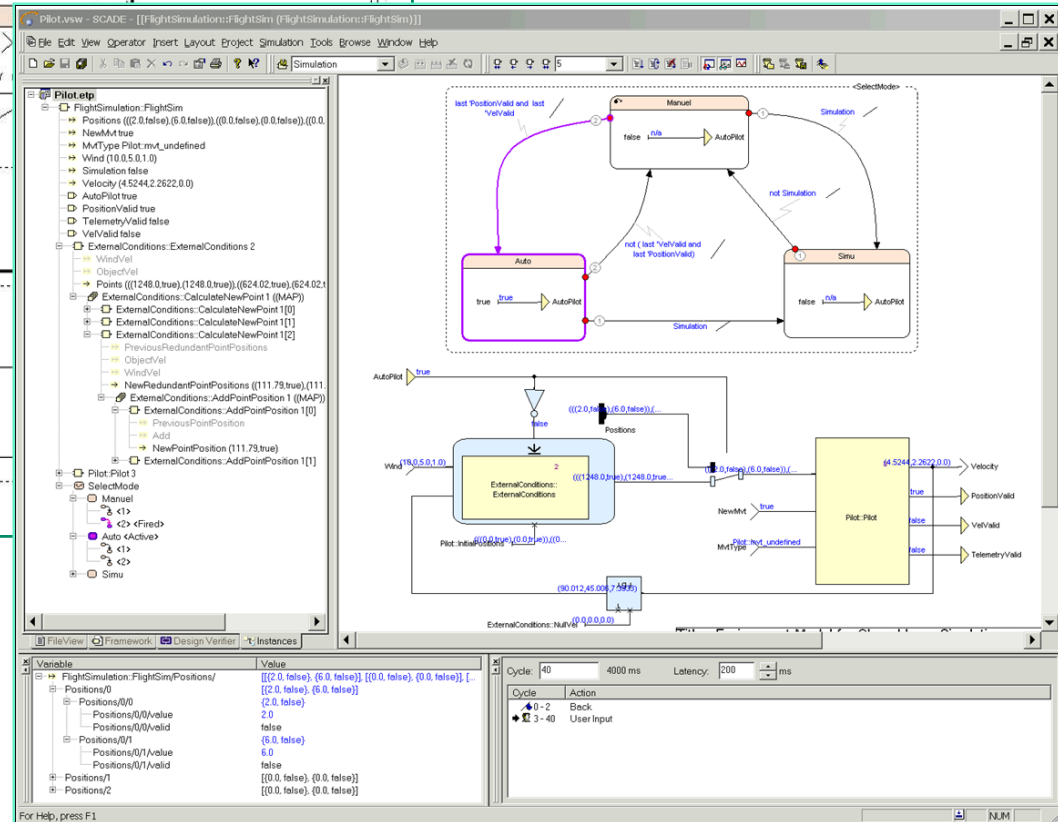
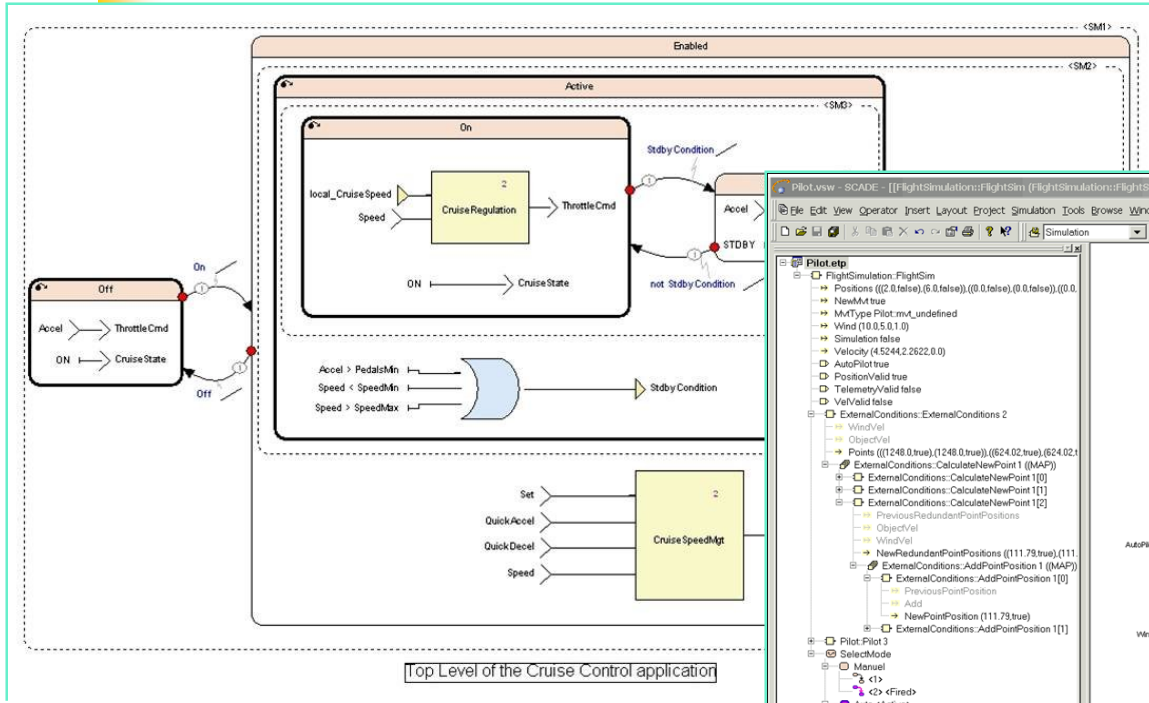


# Formal Testing

---

- *Acceptance test*: a **formal test** defined to check acceptance criteria for a software (Wikipedia)
- **Formal testing**: Testing based on formal specifications, models, and formal methods
- Боб Биндер – Any testing is model based testing!

# Модели и тестирование на их основе. SCADE (Esterel Technologies)



# Модели и тестирование на их основе. Rhapsody (IBM)

The screenshot displays the Rhapsody Modeling software interface, showing a multi-view development environment for a PumpChannel architecture. The interface is divided into several panes:

- Model Browser:** Shows the project structure, including the PumpChannelPkg package and its classes, such as PrescriptionLoader and PumpChannel.
- MultiplePumpChannel Infuser Primary Capabilities:** Displays a diagram showing the relationship between a Nurse and a Patient, with a central box labeled "Drive Therapy" and "Drive Prescription".
- PumpChannel Architecture:** Shows a detailed class diagram with classes like PrescriptionLoader, Prescription, and PumpChannel, and their relationships.
- Object: itsPrescription in PumpChannel:** Shows the properties and relationships of the selected object, including its name, type, and initialization.
- Code Editor:** Displays the source code for PrescriptionLoader.cpp and PrescriptionLoader.h, showing methods like setRate, setVolume, and getDesiredRate.

The interface also includes a menu bar (File, Edit, Navigate, Search, Project, Run, Code Generator, Tools, Window, Help), a toolbar, and a status bar at the bottom showing the current project (InfuserApplication) and the user (MyRTOS).



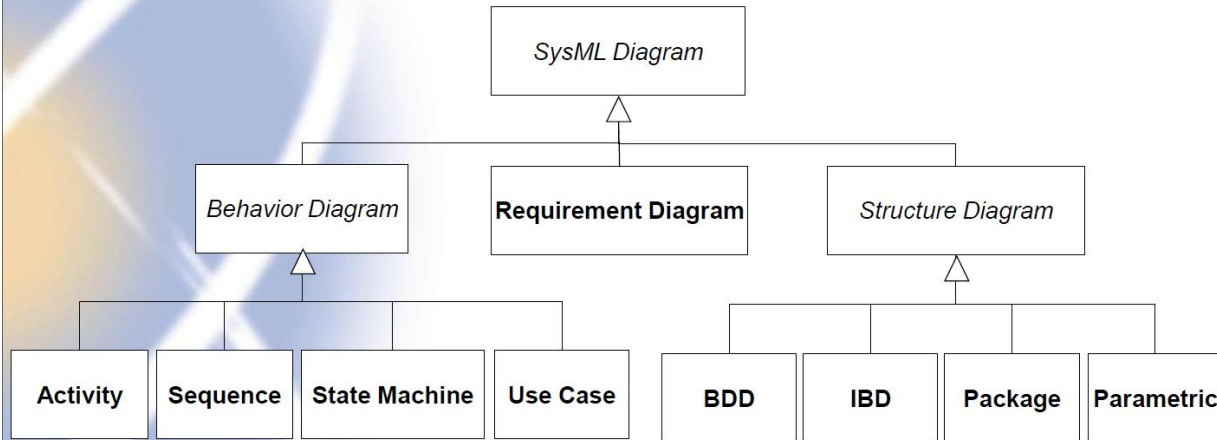
# Новые языки моделирования

---

- SysML – UML профиль
- AADL –  
Architecture Analysis & Design Language



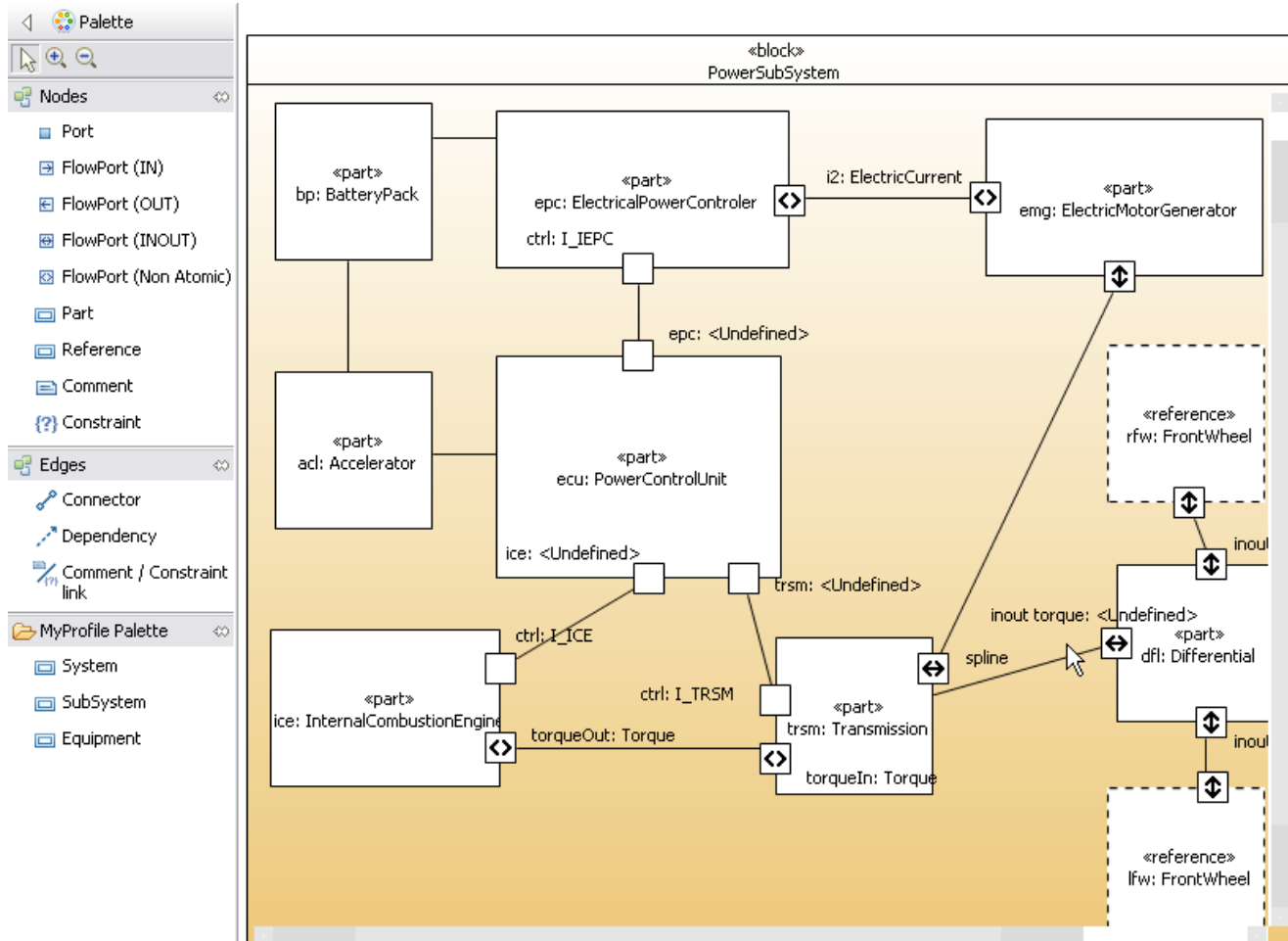
- **SysML Diagrams Overview**



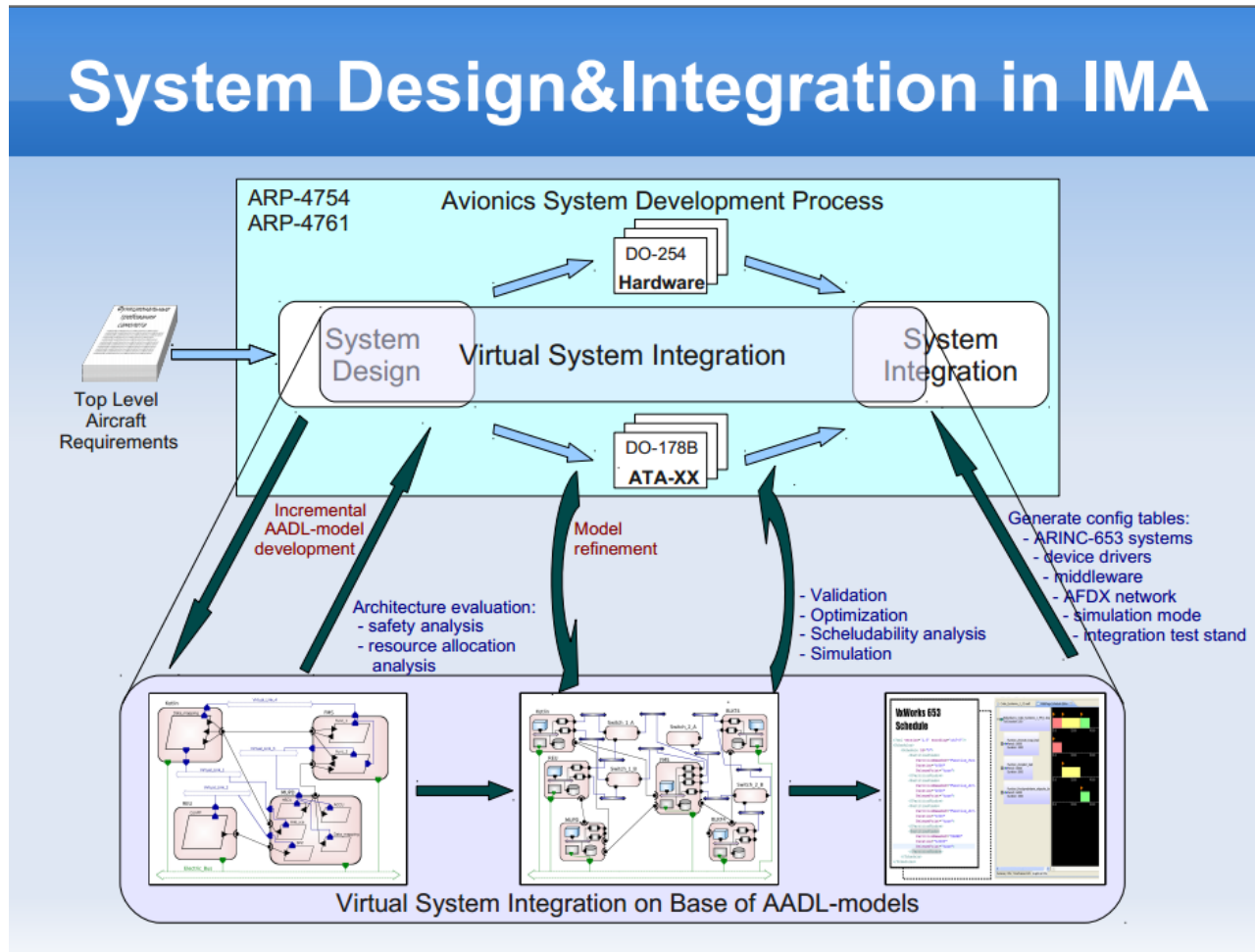
- **Block Definition Diagram (BDD)**
- **Internal Block Diagram (IBD)**
- **Parametric Diagram**



# SysML Internal Block Diagram (IBD)

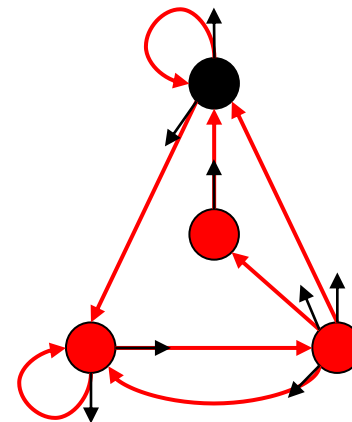
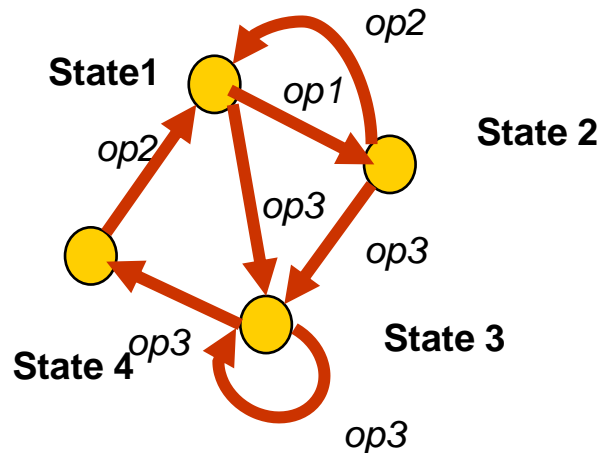


# Пример моделей на AADL



# Постановка задачи тестирования на основе конечных автоматов

- Дана спецификационная модель и реализация, также построенная на основе конечного автомата (КА).
- Демонстрируют ли они эквивалентное поведение? То есть выдают ли на одну и ту же последовательность стимулов одну и ту же последовательность реакций?





# Вопросы

---

- Что является критерием эквивалентности (соответствия) двух конечных автоматов?
- Какие предположения важны при сравнении двух автоматов?
- Сколько тестов нужно для того, чтобы убедиться, что КА-модель и КА-реализация эквивалентны?
- Какую метрику тестового покрытия можно предложить?



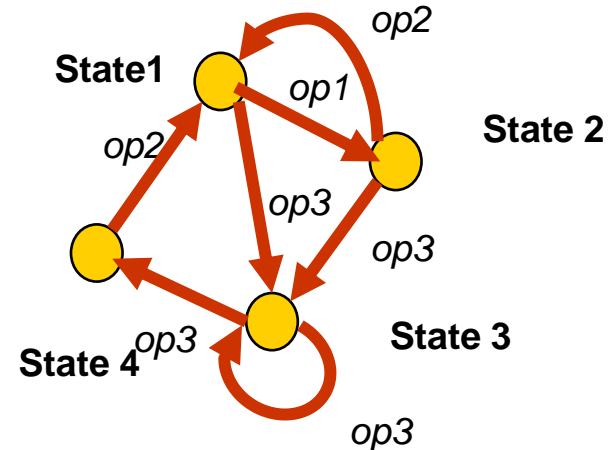
# Некоторые ответы

---

- Что является критерием эквивалентности (соответствия) двух конечных автоматов?
- Какие предположения важны при сравнении двух автоматов?
- Сколько тестов нужно для того, чтобы убедиться, что КА-модель и КА-реализация эквивалентны?
- Какую метрику тестового покрытия можно предложить?
  - Покрыть все состояния в модели/реализации
  - Покрыть все переходы ...
  - Прокрыть все пути длиной 2 перехода ...
  - ...
- Задача об эквивалентности конечных автоматов: как построить различающие последовательности стимулов?

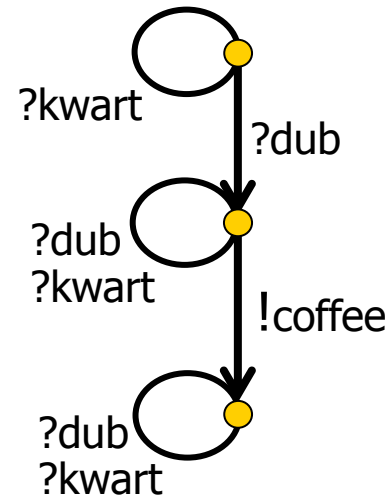
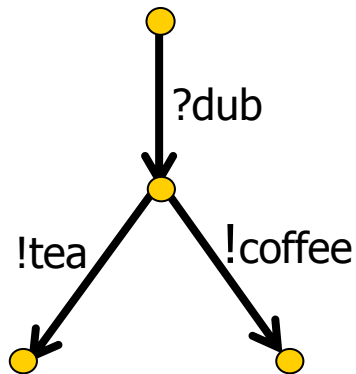
# Некоторые ответы

- Что является критерием эквивалентности (соответствия) двух конечных автоматов?
- Какие предположения важны при сравнении двух автоматов?
- Сколько тестов нужно для того, чтобы убедиться, что КА-модель и КА-реализация эквивалентны?
- Какую метрику тестового покрытия можно предложить?
  - Покрыть все состояния в модели/реализации
  - Покрыть все переходы ...
  - Прокрыть все пути длиной 2 перехода ...
  - ...
- Задача об эквивалентности конечных автоматов: как построить различающие последовательности стимулов?



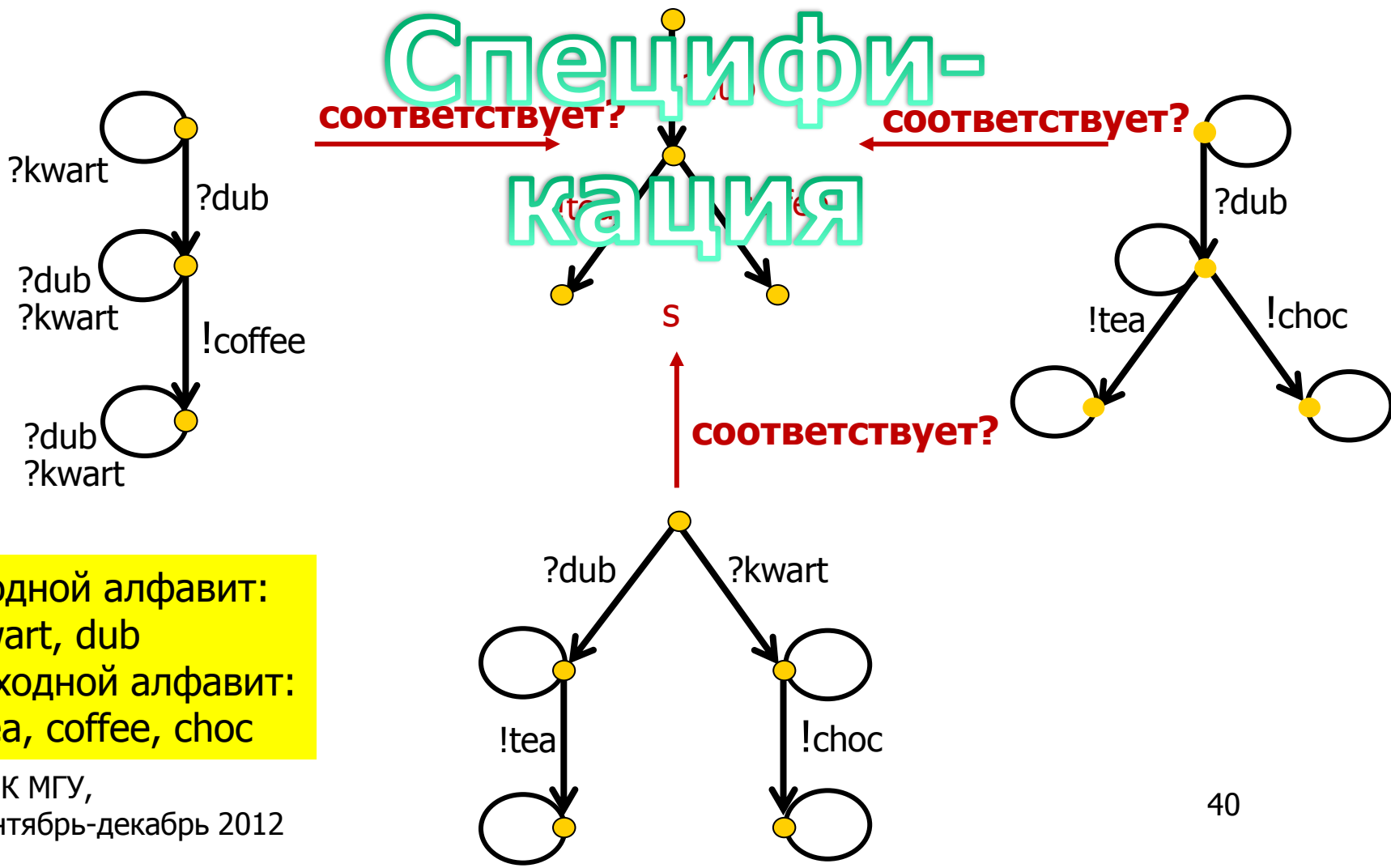
См. <http://panda.ispras.ru/~kuliamin/>

# LTS – Labeled Transition System



- Возможны переходы из состояния в состояние при поступлении стимулов и выработке реакций.
- Возможен спорадический переход или переход по тайм-ауту.
- Возможна «неподвижность» системы – quiescence.

# Анализ соответствия, когда спецификация задается в форме LTS, и возможны недетерминизм и неполная спецификация



Входной алфавит:

-kwart, dub

Выходной алфавит:

- tea, coffee, choc





# Тестирование API программного модуля/объекта

---

- Если за основу формальной модели брать FSM или LTS, их размер и сложность могут оказаться существенно больше, чем размер и сложность реализации модуля.
- Спецификация программного контракта, как правило, компактнее реализации
- Вопрос: как построить тест на основе программного контракта?